22-е занятие. Формула Лейбница. Правило Лопиталя Матем. анализ, прикл. матем., 1-й семестр

$$\boxed{\mathrm{A1}}$$
 $\mathsf{f}(\mathsf{x}) = \sqrt{1+3\mathsf{x}}$. найти $\mathsf{y}^{(\mathsf{n})}$.

$$\boxed{\mathrm{A2}}$$
 $\mathsf{f}(\mathsf{x}) = \frac{3\mathsf{x} + \mathsf{5}}{\mathsf{x}^2 - \mathsf{x} - \mathsf{6}}$. Разложить на простейшие дроби и найти $\mathsf{y}^{(\mathsf{n})}$.

Формула Лейбница

Вывести формулу для (fg)''. Написать формулу для (fg)''' и для $(fg)^{(n)}$.

1159
$$y = \frac{x^2}{1-x}$$
; найти $y^{(8)}$. 1163 $y = x \ln x$; найти $y^{(5)}$.

1165)
$$y = x^2 \sin 2x$$
; найти $y^{(50)}$. 1192) $y = \frac{x}{\sqrt[3]{1+x}}$; найти $y^{(n)}$.

Вычисление пределов с помощью правила Лопиталя

$$\begin{array}{c|c}
\hline
1318 & \lim_{x \to 0} \frac{\sin \alpha x}{\sin b x}. & \boxed{1319} & \lim_{x \to 0} \frac{\operatorname{ch} x - \cos x}{x^2}. \\
\hline
1322 & \lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\operatorname{tg} 3x}{\operatorname{tg} x}. & \boxed{1323} & \lim_{x \to 0} \frac{x \operatorname{ctg} x - 1}{x^2}.
\end{array}$$

$$\underbrace{1322} \lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\operatorname{tg} 3x}{\operatorname{tg} x}. \qquad \underbrace{1323} \lim_{x \to 0} \frac{x \operatorname{ctg} x - 1}{x^2}$$

1354
$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{e^x - 1}\right)$$
. 1356 $\lim_{x\to 0} \left(\operatorname{ctg} x - \frac{1}{x}\right)$.

$$\boxed{\text{A3}} \quad \lim_{x \to +0} x \ln x. \qquad \boxed{1342} \quad \lim_{x \to +0} x^x. \qquad \boxed{1363.1} \quad \lim_{x \to 0} \left(\frac{\sin x}{x}\right)^{1/x^2}.$$

1362
$$\lim_{x \to +\infty} (\operatorname{th} x)^x$$
. 1347 $\lim_{x \to 1} (2 - x)^{\operatorname{tg} \pi x/2}$.

1363.4
$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{\operatorname{arsh} x}{x}\right)^{1/x^2}$$
, где $\operatorname{arsh} x = \ln(x + \sqrt{1+x^2})$.

Домашнее задание № 22

Матем. анализ, прикл. матем., 1-й семестр

1189
$$y = \frac{1}{x(1-x)}$$
. Разложить на простейшие дроби и найти $y^{(n)}$.

[1191]
$$y = \frac{1}{\sqrt{1-2x}}$$
; найти $y^{(n)}$.

Формула Лейбница

$$\boxed{1160} \quad y = \frac{1+x}{\sqrt{1-x}}; \quad \text{найти } y^{(100)}. \qquad \boxed{1161} \quad y = x^2 e^{2x}; \quad \text{найти } y^{(20)}.$$

$$1168$$
 $y = x \operatorname{sh} x$; найти $y^{(100)}$. 1169 $y = e^x \cos x$; найти $y^{(4)}$.

Вычисление пределов с помощью правила Лопиталя

1320
$$\lim_{x \to 0} \frac{\operatorname{tg} x - x}{x - \sin x}$$
. 1321 $\lim_{x \to 0} \frac{3 \operatorname{tg} 4x - 12 \operatorname{tg} x}{3 \sin 4x - 12 \sin x}$.

$$\underbrace{1324} \lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\sqrt[3]{\lg x} - 1}{2\sin^2 x - 1}. \qquad \underbrace{1325} \lim_{x \to 0} \frac{x(e^x + 1) - 2(e^x - 1)}{x^3}.$$

1343
$$\lim_{x \to 0} x^{x^x - 1}$$
. 1368.1 $\lim_{x \to +\infty} \frac{x^{\ln x}}{(\ln x)^x}$.

1355
$$\lim_{x \to 1} \left(\frac{1}{\ln x} - \frac{1}{x - 1} \right). \qquad 1367 \lim_{x \to 0} \frac{\ln \operatorname{ch} x}{\sqrt[n]{\operatorname{ch} x} - \sqrt[n]{\operatorname{ch} x}}.$$

$$\boxed{1349} \quad \lim_{x \to 0} (\operatorname{ctg} x)^{\sin x}. \qquad \boxed{1350} \quad \lim_{x \to +0} \left(\ln \frac{1}{x}\right)^{x}.$$

1359
$$\lim_{x \to 0} \frac{(1+x)^{1/x} - e}{x}$$
. 1360 $\lim_{x \to 0} \frac{(a+x)^x - a^x}{x^2}$ $(a > 0)$.

$$\boxed{1363.2} \quad \lim_{x \to 0} \left(\frac{\operatorname{tg} x}{x}\right)^{1/x^2}. \qquad \boxed{1363.3} \quad \lim_{x \to 0} \left(\frac{\operatorname{arctg} x}{x}\right)^{1/x^2}.$$